MINISTÈRE DES ENSEIGNEMENTS SECONDAIRES DIRECTION DES EXAMENS, DES CONCOURS ET DE LA CERTIFICATION

Examen : BEPC Session : 2019

Épreuve : Mathématiques

Durée : 2h Coefficient : 4

PARTIE A: ÉVALUATION DES RESSOURCES (10 points)

ACTIVITÉS NUMÉRIQUES : (5 points)

Exercice 1: (2 points)

1. Montrer que le nombre $M = \left(\frac{3}{2}\right)^2 - \frac{5}{4} \times \frac{5}{2} - \frac{9}{8}$ est un entier relatif.

1pt

2. Écrire le nombre $N = \frac{2}{2\sqrt{5}-4} + \sqrt{5} - 4$ sous la forme $a\sqrt{5} + b$ où a est entier naturel. **1pt**

Exercice 2: (3 points)

1. On considère les expressions $P = 64 - (5 - 2x)^2$ et $Q = \frac{(2x+3)(13-2x)}{2x+3}$.

a) Factoriser.P.

0,5pt

b) Déterminer la condition d'existence d'une valeur numérique de Q puis simplifier. 0,5pt

c) Calculer la valeur numérique de Q pour $x = \frac{13}{2}$.

0.50

2. Le tableau statistique ci-dessous est celui des notes en mathématiques des candidats à un concours :

Notes sur 20	6	7	8	9	11	14
effectifs	8	x	15	7	3	ν

Sachant que l'effectif total des candidats est égal à 40 et que la moyenne des notes est égale à 8 sur 20, Montrer que x et y vérifient le système d'équations $\begin{cases} x+y=7\\ x+2y=8 \end{cases}$ déterminer x et y.

ACTIVITÉS GÉOMÉTRIQUES: (5 points)

Exercice 1: (3 points)

Le plan est muni du repère orthonormé (0; I, J). On donne les points A, B, et C de coordonnées respectives (-2; 1), (1; -2) et (4; 1).

1. Placer les points A, B et C dans le repère (0; I, I).

1pt

2. Calculer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{BC} puis montrer que ces vecteurs sont orthogonaux. 0,75pt

3. a) Calculer les coordonnées du point K, milieu du segment [AC] puis placer K. 0,75p

b) Construire le point N, symétrique du point B par rapport à K puis justifier que l'angle \widehat{ANC} est un angle droit.

Exercice 2: (2 points)

Un cône de révolution de hauteur H=12 cm a pour base un disque de rayon R=3 cm. On effectue une section à mi-hauteur de ce cône par un plan parallèle à la base pour obtenir un cône réduit de hauteur h. On désigne par V le volume de ce cône et par v le volume du cône réduit obtenu après la section. Prendre $\pi=3,14$.

1. Montrer que $V = 113,04 \text{ cm}^3$.

0,75pt

2. Ecrire sous forme de fraction irréductible le quotient $\frac{h}{H}$.

0,5pt

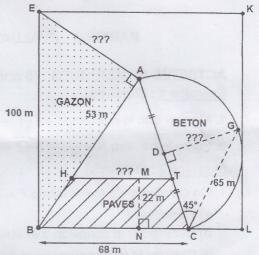
3. En déduire le volume v du cône réduit.

0,75pt

PARTIE B: ÉVALUATION DES COMPÉTENCES (10 points)

Situation:

Le propriétaire d'un parc de loisir voudrait réaliser des travaux d'aménagement sur un terrain représenté sur le plan d'architecte ci-contre par le quadrilatère EBLK. Il décide pour cela, d'aménager un premier espace couvert d'un gazon vendu à $2000~\rm FCFA~le~m^2$ et ayant la forme du triangle rectangle ABE, un deuxième espace couvert de pavés vendus à $3000~\rm FCFA~le~m^2$ et ayant la forme du trapèze HTCB et un troisième espace couvert d'un béton coûtant $3500~\rm FCFA~le~m^2$ et ayant la forme du demi-disque de rayon [DG]. On précise que sur ce plan, on a : $AH = 53~\rm m$, $AB = 80 \rm m$, $MN = 22 \rm m$ et DA = DC. Avant de commencer les travaux, il voudrait connaître le



coût du matériel nécessaire pour couvrir chacun des trois espaces sur lesquels sont prévus ces travaux.

Tâches:

- Calculer le coût du gazon nécessaire pour couvrir l'espace ayant la forme d'un triangle rectangle.
- Calculer le coût des pavés nécessaires pour couvrir l'espace ayant la forme d'un trapèze.
- Calculer le coût du béton nécessaire pour couvrir l'espace ayant la forme d'un demidisque.
 3pts

Prendre $\pi = 3.14$.

Présentation: 1pt